# Двухканальный подход к выделению опорного поля потоков дактилоскопических изображений

В. Ю. Гудков

В статье в рамках концепции многослойной иерархической обработки дактилоскопических изображений предлагается метод выделения опорного поля потоков. Опорное поле потоков служит основой для вычленения информативных областей изображения и опирается на классификацию потоков по критерию однородности.

## 1. Постановка задачи

Для дактилоскопического изображения (ДИ) строится пирамида в виде иерархических группировок слоев, содержащих ДИ и другие множества данных в виде матриц  $\{\Delta_h^{(dk)}\}, \{\Lambda_h^{(dk)}\}, \{\Delta_h^{(k)}\}, \{\Lambda_h^{(k)}\}\ [1], где \ k \in \{0,1\}$  канал «тени» и «света»;  $d \in D = 0..3$  — направления, по которым производились измерения потоков, отличающиеся на 45 градусов;  $\{\Delta_h^{(dk)}\}\$  множества как матрицы потоков для направлений d в канале k и соответствующие этим потокам матрицы достоверностей  $\{\Lambda_h^{(dk)}\}; \{\Delta_h^{(k)}\}\$  множество как матрица потоков победителей в канале k, собираемая из элементов  $\{\Delta_h^{(dk)}\},$  и соответствующая этим потокам матрица достоверностей  $\{\Lambda_h^{(k)}\}; h \in H = 0, ..., n$  — номер иерархии в пирамиде; n — номер наивысшей иерархии. В одной иерархии представлено 20 матриц.

Матрицы  $\{\Delta_h^{(k)}\}$ ,  $k \in \{0,1\}$  элементы которых отражают направления папиллярных линий, обычно однородны для областей с качественным изображением. Под однородностью понимается плавность изменения величин элементов  $\delta_h^{(k)}(x, y) \in \Delta_h^{(k)}$  с достоверностью  $\lambda_h^{(k)}(x, y) \in \Lambda_h^{(k)}$ , соизмеримой в заданной окрестности для  $(x, y) \in X_h \times Y_h$ . Однако в действительности для криминальных ДИ однородность матриц  $\{\Delta_h^{(k)}\}\$  нарушается. Такое часто наблюдается при отображении элементов матриц черточками на экране. Неприятные дефекты ДИ образуются из-за грязи, складок, ожогов... [2, 6].

Предлагается на основе матриц  $\{\Delta_h^{(dk)}\}, \{\Lambda_h^{(dk)}\}, \{\Lambda_h^{(k)}\}, \{\Lambda_h^{(k)}\}\}$  синтезировать более однородную матрицу локальных направлений  $\Delta_h^{(l)}$  и соответствующую ей матрицу локальных достоверностей  $\Lambda_h^{(l)}$ , матрицу кривизны  $\Theta_h^{(l)}$ , и классифицировать элементы  $\delta_h^{(l)}(x, y) \in \Delta_h^{(l)}$ , отвечающие заданному критерию однородности [3, 5].

#### 2. Выделение опорного поля потоков

Матрицы потоков  $\{\Delta_h\}$  и достоверностей  $\{\Lambda_h\}$ , вообще говоря, носят оценочный (предварительный) характер [1, 5]. Они служат основой для синтеза оптимального потокового поля. Рассмотрим метод выделения опорных зон и цепочечного присоединения опорных потоков, реализующий для h-й иерархии отображение

$$\Gamma: \{\{\Delta_h^{(k)}\}, \{\Lambda_h^{(k)}\}\} \to \{C_h^{(c)}, \Theta_h^{(l)}, \Delta_h^{(l)}, \Lambda_h^{(l)}, \Lambda_h^{(l+)}, \Lambda_h^{(l-)}\},$$

где  $k \in \{0,1\}$ ,  $\{\Delta_h^{(k)}\}$  и  $\{\Lambda_h^{(k)}\}$  — семейства потоков и достоверностей, полученные на этапе измерения поля потоков [1];  $C_h^{(c)} = [c_h^{(c)}(x,y)]$  — матрица как слой меток классификации потоков,  $\Theta_h^{(l)} = [\Theta_h^{(l)}(x,y)]$  — матрица как слой направлений кривизны потоков;  $\Delta_h^{(l)} = [\delta_h^{(l)}(x,y)]$  и  $\Lambda_h^{(l)} = [\lambda_h^{(l)}(x,y)]$  — матрица локального потока и соответствующая ему матрица достоверностей,  $\Lambda_h^{(l+)} = [\lambda_h^{(l+)}(x,y)]$  и  $\Lambda_h^{(l-)} = [\lambda_h^{(l-)}(x,y)]$  — матрица наилучшей и матрица наихудшей достоверностей дуг.

Расчет указанных матриц производится в три этапа, которые итерационно повторяются. Это относительно длительный по времени анализ, ускорение которого возможно только за счет использования высоких иерархий (h=4 в реализации, сегменты 16×16). Для каждой итерации задается размер w апертуры: для первой итерации начальное значение  $w = w_0$  (9×9 в реализации), для последующих итераций размер w линейно декрементируется до  $3 \times 3$ . Величина  $w_0$  для изображения  $F_0$  на 500 ррі порождает апертуру размером  $100 \times 100$  точек, что позволяет корректно выделить источник опорных потоков [4, 6].

Предварительно метки классификации потоков сбрасываются:  $c_h^{(c)}(x, y) = 0$  для  $\forall (x, y) \in X_h \times Y_h$ .

**Первый этап.** Целью первого этапа является коррекция достоверности потоков и селекция потоков на основе анализа однородности потоков. Процедура сводится к последовательности вычислений в точках  $\{(x, y) | c_h^{(c)}(x, y) \in \{0\}\}$  для направления  $d \in D = 0..7$  (различающихся на 45 градусов) множеств  $\{re_h^{dk}(x, y) | d \in D\}$  и  $\{im_h^{dk}(x, y) | d \in D\}$  адаптивной апертуры по формулам

$$re_{h}^{dk}(x,y) = \sum_{(u,v,\beta)\in A_{h}(x,y,w)} \lambda_{h}^{(k\oplus1)}(u,v) \operatorname{pos}(\operatorname{coq}(\beta - \delta_{h}^{(k)}(x,y) - 45d)) \times \\ \times \operatorname{cos}(2\delta_{h}^{(k\oplus1)}(u,v)),$$
$$im_{h}^{dk}(x,y) = \sum_{(u,v,\beta)\in A_{h}(x,y,w)} \lambda_{h}^{(k\oplus1)}(u,v) \operatorname{pos}(\operatorname{coq}(\beta - \delta_{h}^{(k)}(x,y) - 45d)) \times \\ \times \operatorname{sin}(2\delta_{h}^{(k\oplus1)}(u,v)),$$

где d — порядковый номер сектора в апертуре размером w, ориентированной по потоку  $\delta_h^{(k)}(x, y)$  в центре апертуры;  $\lambda_h^{(k\oplus 1)}(u, v)$  и  $\delta_h^{(k\oplus 1)}(u, v)$  достоверность и поток в точке (u, v) апертуры  $A_h(x, y, w)$ ; символ  $\oplus$  исключающее или;  $\beta$  — направление из центра апертуры в точку (u, v);  $k \in \{0,1\}$  — метка канала «тени» или «света». Функции соq( $\alpha$ ) и роs( $\alpha$ ) строятся по формулам:

$$coq(\alpha) = cos^{5}(\alpha), \qquad (1)$$

$$pos(a) = \begin{cases} +a, & \text{если } a \ge 0, \\ 0, & \text{если } a < 0, \end{cases}$$
(2)

а апертура

$$A_{h}(x, y, w) = \bigcup_{\alpha = \overline{0,359}} \{ (u, v, \beta) = (x + \operatorname{int}(t \cos(\alpha)), y + \operatorname{int}(t \sin(\alpha)), \beta) \mid t \in 1, \dots, w \},$$
(3)

где функция int обозначает округление до целого.

Фактически в указанные множества заносится разложение на действительную и мнимую части потоков, рассматриваемых как вектора с модулем  $\lambda$  и аргументом  $\delta$ , в точках апертуры, ориентированной по потоку в центре апертуры, причем если центр апертуры берется для «света», то данные секторов — для «тени», и наоборот. Сектора апертуры ориентируются вектором центра, апертура в каждой точке (x, y) вращается, отслеживая поток. Потоки, участвующие в формировании  $\{re_h^{dk}(x, y)\}$  и  $\{im_h^{dk}(x, y)\}$ , ограничиваются площадью апертуры, но не сектора, и взвешиваются функцией  $w(\alpha)$  как композицией pos(coq( $\alpha$ )) (рис. 1), где  $\alpha$  — угол поворота вектора, соединяющего центр апертуры с точкой (u, v), до вектора, соединяющего центр апертуры с центром текущего сектора d. Взвешивающая функция  $w(\alpha)$  отсекает ориентированную полуплоскость. Так для сектора номер 0 на рис. 2 отсекаемая полуплоскость обозначена пунктиром.



Рис. 1. Весовая функция сектора



Рис. 2. Сектора ориентированной апертуры

Для различных каналов множества  $\{re_h^{dk}(x, y)\}$  и  $\{im_h^{dk}(x, y)\}$  в общем случае различны и рассчитываются в апертурах, ориентированных по-разному. Появляется возможность выбора — основная идея для выделения опорного поля потоков.

Полученные множества  $\{re_h^{dk}(x, y)\}$  и  $\{im_h^{dk}(x, y)\}$  используются для расчета векторов по секторам апертуры  $A_h(x, y, w)$  и расчета для полученного множества векторов множеств аргументов  $\{a_h^{dk}(x, y)\}$  и модулей  $\{m_h^{dk}(x, y)\}$  по формулам

$$\{a_h^{dk}(x, y)\} = \{ \inf(\operatorname{atan}(re_h^{dk}(x, y), im_h^{dk}(x, y))/2) \}, \{m_h^{dk}(x, y)\} = \{ \inf(\operatorname{dist}(re_h^{dk}(x, y), im_h^{dk}(x, y))) \},$$

которые определяют усредненные вектора потоков для каждого сектора апертуры, а также отклонений  $\{\gamma_h^{dk}(x, y)\}$  вектора центра от векторов для секторов апертуры по формуле

$$\{\gamma_h^{dk}(x,y)\} = \{scis(a_h^{dk}(x,y), \delta_h^{(k)}(x,y))\},$$
(4)

где  $d \in D$  — номер сектора апертуры;  $k \in \{0,1\}$  — метка канала; функции atan , dist и scis вычисляются по формулам:

atan
$$(x, y) = \frac{180}{\pi} \begin{cases} \arctan(y/x), & \text{если } x \ge 0 \land y \ge 0, \\ \pi - \arctan(y/|x|), & \text{если } x < 0 \land y \ge 0, \\ \pi + \arctan(|y|/|x|), & \text{если } x < 0 \land y < 0, \\ 2\pi - \arctan(|y|/x), & \text{если } x \ge 0 \land y < 0, \end{cases}$$
 (5)

dist
$$(x, y) = \sqrt{x^2 + y^2}$$
, (6)

$$\operatorname{scis}(\alpha,\beta) = \begin{cases} \alpha - \beta, & \operatorname{если} \ 0 \le |\alpha - \beta| < 90, \\ 180 \operatorname{sign}(\beta - \alpha) + \alpha - \beta, & \operatorname{если} 90 \le |\alpha - \beta| < 270, \\ 360 \operatorname{sign}(\beta - \alpha) + \alpha - \beta, & \operatorname{если} 270 \le |\alpha - \beta| < 360. \end{cases}$$
(7)

При вычислении модулей и аргументов наблюдается чувствительность к наиболее значимым результатам измерений и виду характеристики  $w(\alpha)$ : чем она уже, тем слабее эффект усреднения результатов измерений. Множество  $\{\gamma_h^{dk}(x, y)\}$  определяет степень «правильности» дуги, образованных потоками центра и периферией апертуры. Для оценки дуги в точке (x, y) используется модель функционирования нейрона оп-типа [3, 4] с критерием качества

$$K_{h}^{k}(x, y) = \sum_{i \in I} k_{i} l_{i}^{k}(x, y)$$
(8)

на основе упорядоченного множества  $L^k$  с отношением нестрого полного порядка

$$L^{k}(x, y) = \{l^{k}(x, y)\} \underset{\theta \in W}{\subset} \{l^{\theta k}(x, y)\},$$

с элементами

$$l^{\theta k}(x, y) = \left(k_p \left| \gamma_h^{ak}(x, y) + \gamma_h^{bk}(x, y) \right| + k_n \left| \gamma_h^{ak}(x, y) - \gamma_h^{bk}(x, y) \right|\right),$$

где I — множество индексов, причем для любого  $i \in I$  элемент  $l_i(x, y)$ известен;  $k_i$  — коэффициенты для взвешивания элементов множества  $L^k$ , причем худшим элементам соответствуют большие коэффициенты (4, 2 и 1 в реализации);  $W = \{\theta = (a,b) | a, b \in D\}$  — множество упорядоченных пар индексов секторов, определяемое в виде  $W = \{(1,3), (0,4), (7,5)\}$  для расчета  $\gamma_h^{dk}(x, y)$  по (4);  $k_p$  и  $k_n$  — коэффициенты для оценки отдельной упорядоченной пары отклонений с индексами из W (3 и 9 в реализации);  $k \in \{0,1\}$  — метка канала. На рис. 3 показаны потоки в окрестности дуг без дефектов для секторов апертур, ориентированных по потоку центра. Для таких дуг критерий качества  $K_h^k$  (8) минимален.



Рис. 3. Дуги без дефектов и потоки в секторах апертур

Сумма отклонений  $\gamma_h^{ak}(x, y)$  и  $\gamma_h^{bk}(x, y)$  для дуги без дефектов в секторах апертуры дает малую величину и характеризует дисбаланс отклонений. Действительно, величина отклонений, например для пары (0,4), примерно одинаковая, а знаки их противоположные. Разность тех же отклонений дает значительную величину, зависящую от величины кривизны дуги. Поэтому коэффициент  $k_p$  устанавливает степень влияния на критерий качества величины деформации дуги, а коэффициент  $k_n$  — величины кривизны дуги. Соотношение  $k_p$  и  $k_n$  устанавливает приоритет при оценке однородности дуги.

В местах разрушения структуры папиллярных линий картина существенно меняется [2, 6]. Вектора потоков утрачивают свойство плавного и массово-однородного изменения и напоминают хаотично скачущие черточки. В апертурах разброс направления векторов возрастает, величина критерия качества увеличивается. Фактически классификационный аналих потоков исследует расхождение и пересечение трех воображаемых линий, образуемых локальными потоками и задаваемых тремя упорядоченными парами множества W (рис. 4).



Рис. 4. Дуги с дефектами и потоки в секторах апертур

Локальные оценки дуг  $K_h^k(x, y)$  служат основой для выбора из каналов «тени» и «света» матрицы локальных потоков  $\Delta_h^{(l)}$  и связанной с ней матрицы достоверностей  $\Lambda_h^{(l)}$ , матрицы направлений кривизны  $\Theta_h^{(l)}$ , матрицы наилучшей  $\Lambda_h^{(l+)}$  и наихудшей  $\Lambda_h^{(l-)}$  достоверностей дуг по формулам:

$$\Delta_{h}^{(l)} = [\delta_{h}^{(l)}(x, y)] = \left[\delta_{h}^{(\vartheta(x, y))}(x, y)\right],$$
(9)

$$\Lambda_h^{(l)} = [\lambda_h^{(l)}(x, y)] = \left[\lambda_h^{(\vartheta(x, y)}(x, y)\right], \tag{10}$$

$$\Theta_h^{(l)} = [\Theta_h^{(l)}(x, y)] = \left\lfloor (\delta_h^{(l)}(x, y) + \sup_R (90, 270)) \mod 360 \right\rfloor,$$
(11)

$$\Lambda_h^{(l+)} = [\lambda_h^{(l+)}(x, y)] = \left[\max_k q_h^k(x, y)\right],\tag{12}$$

$$\Lambda_{h}^{(l-)} = [\lambda_{h}^{(l-)}(x, y)] = \left[\min_{k} q_{h}^{k}(x, y)\right],$$
(13)

где  $\vartheta(x, y) \in \{0, 1\}$  — метка канала-победителя в апертуре  $A_h(x, y, w)$ , доставляющая минимум критерию качества  $\vartheta(x, y) = \arg\min_k K_h^k(x, y)$ ; R — критерий выбора для угла направления кривизны, перпендикулярного потоку, определяемый как отношение порядка по формуле

$$R = \begin{cases} 1, & \text{если} \quad \gamma_h^{0\vartheta(x,y)}(x,y) + \gamma_h^{4\vartheta(x,y)}(x,y) > 0, \\ 0, & \text{если} \quad \gamma_h^{0\vartheta(x,y)}(x,y) + \gamma_h^{4\vartheta(x,y)}(x,y) \le 0, \end{cases}$$

причем *R* определяет выбор

$$\operatorname{sel}_{R}(a,b) = \begin{cases} a, & \text{если } R & \text{истинно,} \\ b, & \text{если } R & \text{ложно;} \end{cases}$$
(14)

 $q_{h}^{k}(x, y)$  — достоверность дуги в апертуре  $A_{h}(x, y, w)$ , взвешиваемая функцией окна по формуле

$$q_h^k(x, y) = \sqrt{\cos(\varphi)} \min_{d \in D} \{m_h^{dk}(x, y)\}$$
(15)

с функциональным параметром ф как углом

$$\varphi = \begin{cases} 90K_{h}^{k} / k_{m}, & \text{если } K_{h}^{k} < k_{m}, \\ 90, & \text{если } K_{h}^{k} \ge k_{m}, \end{cases}$$

для которого коэффициент  $k_m$  ограничивает допустимую наихудшую оценку дуги (2558 в реализации);  $k \in \{0,1\}$  — метка канала «тени» и «света».

Второй этап. На втором этапе для позиций  $(x, y) \in X_h \times Y_h$ , не отмеченных меткой классификации потоков  $c_h^{(c)}(x, y) \in \{0\}$ , уточняется направление кривизны  $\theta_h^{(l)}(x, y) \in \Theta_h^{(l)}$ . Дело в том, что кривизна является основой для дальнейшего анализа потоков, однако матрица локальных направлений  $\Delta_h^{(l)}$  не совпадает полностью ни с одной из  $\Delta_h^{(k)}$ ,  $k \in \{0,1\}$ . Формально для указанных позиций (x, y) происходит замещение направления кривизны по подобной (11) формуле

$$\theta_h^{(l)}(x, y) = (\delta_h^{(l)}(x, y) + \underset{R}{\text{sel}}(90, 270)) \mod 360,$$

где для выбора по (14) отношение порядка R задается

$$R = \begin{cases} 1, & \text{если } \gamma_h^{0l}(x, y) + \gamma_h^{4l}(x, y) > 0, \\ 0, & \text{если } \gamma_h^{0l}(x, y) + \gamma_h^{4l}(x, y) \le 0, \end{cases}$$

причем отклонение потоков подобное (4) в секторах апертуры определяется по (7)

$$\{\gamma_h^{dl}(x, y)\} = \{scis(a_h^{dl}(x, y), \delta_h^{(l)}(x, y))\},\$$

 $d \in D = 0..7$ . Аргументы векторов в секторах апертуры для  $\forall d \in D$  рассчитываются аналогично

$$a_h^{dl}(x, y) = int(atan(re_h^{dl}(x, y), im_h^{dl}(x, y))/2),$$

где с учетом (1,2)

$$re_{h}^{dl}(x, y) = \sum_{(u,v,\beta)\in A_{h}(x,y,w)} \lambda_{h}^{(l)}(u,v) \text{pos}(\text{coq}(\beta - \delta_{h}^{(l)}(x, y) - 45d)) \cos(2\delta_{h}^{(l)}(u, v)),$$
$$im_{h}^{dl}(x, y) = \sum_{(u,v,\beta)\in A_{h}(x,y,w)} \lambda_{h}^{(l)}(u,v) \text{pos}(\text{coq}(\beta - \delta_{h}^{(l)}(x, y) - 45d)) \sin(2\delta_{h}^{(l)}(u, v)),$$

 $\lambda_h^{(l)}(x, y) \in \Lambda_h^{(l)}$ , а апертура  $A_h(x, y, w)$  (3) ориентирована по локальному потоку  $\delta_h^{(l)}(x, y) \in \Delta_h^{(l)}$  центра.

Фактически второй этап повторяет первый этап в части построения поля кривизны. Отличие заключается в том, что данные в секторах апертур собираются из матрицы локальных потоков  $\Delta_h^{(l)}$  и матрицы локальных достоверностей  $\Lambda_h^{(l)}$ . Поскольку эти матрицы строятся как оптимизационные для полей «тени» и «света», поле кривизны получается более однородным.

**Третий этап.** На третьем этапе в матрице локальных потоков  $\Delta_h^{(l)}$  той же иерархии h = 4 формируются опорные потоки как слой меток классификации потоков  $C_h^{(c)} = \left[ c_h^{(c)}(x, y) \right].$ 

Базовая концепция классификационного анализа опорных потоков опирается на метод ближнего прогноза предполагаемого потока из матрицы  $\Delta_h^{(l)}$  для позиций  $\{(x, y) | (x, y) \in X_h \times Y_h \land c_h^{(c)}(x, y) \in \{0\}\}$  с задаваемой исходной невязкой  $\gamma_h^e(x, y) = \infty$  и величины предполагаемого потока  $\alpha_h(x, y) = \delta_h^{(l)}(x, y)$ , реализуемого формулой

$$\alpha_h(x, y) = int(atan(re_h(x, y), im_h(x, y))/2),$$
 (16)

где  $\alpha_h(x, y)$  — предполагаемый расчетный поток;  $re_h(x, y)$  и  $im_h(x, y)$  — действительная и мнимая части локального потока, собираемого в апертуре по формулам

$$\begin{split} re_{h}(x,y) &= \sum_{(u,v,\beta) \in A_{h}(x,y,1) \land c(u,v) \in \{1\}} \left| \text{coq}(\phi) \right| \text{cos}(2\delta_{h}^{(l)}(u,v)),\\ im_{h}(x,y) &= \sum_{(u,v,\beta) \in A_{h}(x,y,1) \land c(u,v) \in \{1\}} \left| \text{coq}(\phi) \right| \text{sin}(2\delta_{h}^{(l)}(u,v)), \end{split}$$

причем для апертуры  $A_h(x, y, 1)$  по (3) задается форма поверхности как функция coq( $\phi$ ) (1);  $\phi = turn(\beta, \alpha_h(x, y))$  — величина минимального угла поворота, ориентирующего поверхность и определяемая

turn(α, β) = 
$$\begin{cases} \alpha - \beta, & \text{если } |\alpha - \beta| \le 180, \\ 360 \operatorname{sign}(\beta - \alpha) + \alpha - \beta, & \text{если } |\alpha - \beta| > 180. \end{cases}$$

Дополнительно по (1) вычисляется коэффициент замыкания предполагаемого потока как функция состояния окрестности

$$\chi_h(x, y) = \left(1 + \sum_{\beta_1 \in \varphi} \left| \operatorname{coq}(\beta_1) \right| \right) \left(1 + \sum_{\beta_2 \in \varphi} \left| \operatorname{coq}(\beta_2) \right| \right),$$
(17)

где углы { $\beta_1 | \beta_1 < 180$ } и { $\beta_2 | \beta_2 \ge 180$ } есть направления из центра апертуры до точек { $(u,v) | c(u,v) \in \{1\}$ }, и по (7) невязка

$$\gamma_h(x, y) = \left| \operatorname{scis}(\alpha_h(x, y), \delta_h^{(l)}(x, y)) \right|.$$
(18)

Если  $\gamma_h(x, y) < \gamma_h^e(x, y)$ , то обновляется навязка  $\gamma_h^e(x, y) = \gamma_h(x, y)$  и локальный поток  $\delta_h^{(l)}(x, y) = \alpha_h(x, y)$ , а расчет повторяется, иначе конец. Прогноз предполагаемого потока отражает гипотезу однородности опорного поля потоков, а процедура прогноза адаптивна. Алгоритм расчета угла  $\alpha_h(x, y)$  (16–18) представлен на рис. 5.

Если в апертуре  $\forall c_h^{(c)}(u,v) \in \{0\}$ , то прогноз неуспешен, а финальное значение предполагаемого потока  $\delta_h^{(l)}(x,y)$  совпадает с начальным значением. В случае успешного расчета предполагаемый поток определяется

опорными потоками. Итерации, если они возникают, уточняют величину предполагаемого потока для мест существенной кривизны или неоднородности потоков по критерию  $\gamma_h^e(x, y)$  невязки. На рис. 6 для дефектного потока (слева), окруженного опорными потоками (они показаны), величина невязки больше, чем для расчетного потока (справа), а величина коэффициента замыкания  $\chi_h(x, y)$  соответственно меньше.



Рис. 5. Прогноз потока по матрице локальных потоков



Рис. 6. Коррекция разреженных дефектов по критерию невязки

Рост величины коэффициента замыкания для рис. 6 определяется градиентным множеством  $\{coq(\beta_i) | i \in \{0,1\}\}$  из (17), элементы которого масштабируют опорные потоки в секторах апертуры. Множество  $\{coq(\phi)\}$ спроектировано для автомата, который как диполь в магнитном поле ориентируется преимущественно на значения опорных потоков в секторах (0,4), и способствует замыканию вдоль потоков, а не поперек. Величина  $\chi_h(x, y)$ позволяет оценить величину замыкания предполагаемого потока на опорные потоки. Некоторые из возможных конфигураций такого замыкания показаны на рис. 7 точками (чтобы исключить дополнительную информацию о направлении потоков).



Рис. 7. Конфигурации опорных потоков для расчета коэффициента замыкания

Для рассматриваемых позиций (x, y) выбирается три коэффициента: коэффициент насыщения  $k_{\max}$  такой, что при  $\chi_h(x, y) \ge k_{\max}$  прогноз достоверен даже в окрестности интегральных признаков узора; минимальнодопустимый коэффициент замыкания  $k_{\min}$ ; порог допустимой достоверности

$$\overline{k} = k \max_{(x,y)} \{ \lambda_h^{(l-)}(x,y) \, | \, c_h^{(c)}(x,y) \in \{0\} \} \,, \tag{19}$$

где величина k настраивается (k = 0, 21 в реализации). Если  $\forall c_h^{(c)}(x, y) \in \{0\}$ , то для формирования источника опорного поля потоков меткой  $c_h(x, y) = 1$  достаточно выполнения условия  $\lambda_h^{(l-)} > \overline{k}$ . На последующих итерациях

$$c_{h}(x, y) = \begin{cases} 1, & \text{если } \chi_{h}(x, y) > k_{\min} & \text{и } \lambda_{h}^{(l-)}(x, y) > \overline{k}, \\ 0. \end{cases}$$
(20)

В других случаях классификация неуспешна.

Если локальный поток  $\delta_h^{(l)}(x, y)$  удалось перевести в класс опорных потоков  $c_h(x, y) \in \{1\}$  или  $\chi_h(x, y) \ge k_{\max}$ , что обычно выполняется для локально дефектных областей изображения, то вызывается процедура регуляризации потока в соответствии с гипотезой  $\alpha_h(x, y)$ , описываемая далее.

Заметим, что на очередной итерации порог допустимой достоверности  $\overline{k}$  обновляется, так как распределение меток  $C_h^{(c)}$  изменяется. Фактически в слоях  $F_h$  сначала помечаются наиболее плавные и протяженные области изображения, которые постепенно разливаются к общим признакам узора и к дефектным зонам.

Величина коэффициента  $k_{\min}$  определяется видом  $\{coq(\phi)\}$ ,  $\phi = turn(\beta, \alpha_h(x, y))$ , так как на эти функции опирается коэффициент замыкания  $\chi_h(x, y)$  (17). Исследования показывают, что  $k_{\min}$  не только управляет присоединением меток  $c_h(x, y)$  к опорным потокам, но и устанавливает приоритетные направления развития фронта опорного потока в зависимости от сложившейся картины поля меток и структуры изображения. Варианты, когда сегмент может или не может быть присоединен (перечеркнуто) к опорным потокам, показанных черточками, представлены на рис. 8.

Третий этап повторяется до тех пор, пока удается присоединить хотя бы один элемент к опорным потокам.

Итерации этапов 1–3 повторяются с уменьшением размера w апертуры (3). Таким образом, на каждом последующем шаге итераций для позиций  $\{(x, y) | (x, y) \in X_h \times Y_h \land c_h^{(c)}(x, y) \in \{0\}\}$  уточняются формулы (9)–(13), а к опорному множеству потоков цепочечно присоединяются еще непоме-

ченные потоки, соответствующие худшей оценке дуг. При этом с уменьшением апертуры оценки дуг для тех же позиций могут быть улучшены, а возможность присоединения потока к опорному множеству, соответственно, увеличена.



Рис. 8. Варианты состояния апертуры при присоединении опорного потока

# 3. Регуляризация потока по гипотезе

Для точки  $(x, y) \in X_h \times Y_h$  регуляризация потока выполняет отображение

$$\Gamma: \{\{\Delta_h^{(dk)}\}, \{\Lambda_h^{(dk)}\}\} \to \{\Delta_h^{(k)}, \Lambda_h^{(k)}\}$$

для каналов  $k \in \{0,1\}$  «тени» и «света» и направлений  $d \in D = 0..3$  измерения потоков, различающихся на 45 градусов. Формально процедура сводится к выбору потоков и достоверностей из матриц  $\{\Delta_h^{(dk)}\}, \{\Lambda_h^{(dk)}\}$  [1] иерархии  $h \in H = 2, ..., n$  по формулам

$$\begin{split} \delta_h^{(k)}(x,y) &= \delta_h^{(\vartheta_h^k(x,y)k)}(x,y) \,, \\ \lambda_h^{(k)}(x,y) &= \lambda_h^{(\vartheta_h^k(x,y)k)}(x,y) \,, \end{split}$$

где направление-победитель

$$\vartheta_h^k(x, y) = \arg \max_{d \in D} \lambda_h^{(dk)}(x, y) f(\vartheta_h^{(dk)}(x, y) - \beta)$$

выбирается как направление d, доставляющее максимум достоверности  $\lambda_h^{(dk)}(x, y)$ , масштабированной функцией f с аргументом разности величины потока  $\delta_h^{(dk)}(x, y)$  и угла  $\beta$ ; угол  $\beta$  — фактор регуляризации. Функция f определяется как обратный функционал вида

$$f = J^{-1}(i),$$

где  $i \in 0, ..., 6$  — номер функции, задаваемый в процессе настройки алгоритма, а функционал J используется как критерий качества регуляризации вида

$$J: \{\cos(\alpha) | \cos^{i}(\alpha)|\} \rightarrow \{i\}.$$

Регуляризация потока по углу  $\beta$  подразумевает для каждого канала выполнение трех операций: определение наиболее правдоподобного направления  $\vartheta_h^k(x, y) \in D$ , где D = 0, ..., 3 — множество гипотез, для которых производились измерения потоков [1]; замещение потока-

победителя  $\delta_h^{(k)}(x, y)$  в канале; замещение соответствующей достоверности  $\lambda_h^{(k)}(x, y)$  в канале.

Регуляризация потока по гипотезе тем ценна, что она подготавливает в каналах победителей не по вертикали для направлений  $d \in D$ , вычисляемых при измерении потоков на этапе перколяции [1], а по горизонтали на основе привносимого извне угла  $\beta$ , играющего роль гипотезы [6].

#### 4. Заключение

В статье предложен способ выделения опорных потоков ДИ, основанный на анализе адаптивных апертур для матриц потоков и соответствующих им достоверностей из двух независимых каналов. Способ включает выбор из двух каналов наиболее качественных потоков, формирование из выбранных потоков и соответствующих им достоверностей поля локальных потоков, вычленение из множества локальных потоков источника как затравки опорных потоков, цепочечное присоединение локальных потоков к опорным потокам таким образом, что автоматически восстанавливаются дефектные потоки. При этом выбор из двух каналов приближается к методу взаимной корреляции элементов, принадлежащих разным каналам. Использование двух каналов позволяет синтезировать более однородное поле опорных потоков, существенно улучшающее качество обработки и интерпретации ДИ.

### Литература

- Гудков В. Ю. Двухканальный подход к определению поля потоков дактилоскопических изображений // Интеллектуальные информационные технологии. Концепции и инструментарий. Сборник статей ИСА РАН / Под. ред. член-корр. РАН, проф. В. Л. Арлазарова и д. т. н., проф. Н. Е. Емельянова. М.: УРСС, 2005.
- Корноухов В. Е., Анциферов В. К., Морозов Г. П. и др. Дактилоскопическая экспертиза: современное состояние и перспективы развития / Под ред. Г. Л. Грановского. Красноярск: Изд-во Краснояр. ун-та, 1990. 416 с.
- Кондратьев В. В., Утробин В. А. Основы теории активного восприятия изображений. Н. Новгород: НГТУ, 1997. 249 с.
- Марр Д. Информационный подход к представлению и обработке зрительных образов у человека. М.: Радио и связь, 1987. 402 с.
- 5. Прэтт У. Цифровая обработка изображений: В 2 т. М.: Мир, 1982. Т. 2. 480 с.
- Davide Maltoni, Dario Maio, Anil K. Jain. Handbook of Fingerprint Recognition. New York: Springer-Verlag, 2003. 348 p.